

Παραγοντοποίηση

6ο Φύλλο Εργασίας

Καθηγητής: Νικόλαος Δ. Κατσίπης

Χαρακτηριστικές περιπτώσεις παραγοντοποίησης

Κοινός παράγοντας

Να παραγοντοποιήσετε τις παρακάτω παραστάσεις:

▷ *Επιμεριστική ιδιότητα:*

$$\begin{aligned} 1. \quad 2x^2 - 12x &= \\ &\dots \\ 2. \quad 6\alpha^2\beta - 8\alpha\beta^2 &= \\ &\dots \\ 3. \quad 2(x - 3) + \alpha(3 - x) &= \\ &\dots \\ &\dots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4. \quad x(y + 2) - y - 2 &= \\ &\dots \\ 5. \quad x(x - 5) - x + 5 &= \\ &\dots \\ &\dots \end{aligned}$$

▷ *Χρήσιμες σχέσεις:*

$$\begin{aligned} \alpha\beta + \alpha\gamma &= \alpha(\beta + \gamma) \\ \alpha\beta - \alpha\gamma &= \alpha(\beta - \gamma) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \alpha - \beta &= -(\beta - \alpha) \\ -\alpha - \beta &= -(α + β) \end{aligned}$$

Κοινός παράγοντας κατά ομάδες

Να παραγοντοποιήσετε τις παρακάτω παραστάσεις:

$$\begin{aligned} 1. \quad \alpha x - \alpha y + \beta x - \beta y &= \\ &\dots \\ &\dots \\ 2. \quad 3x^3 - 12x^2 + 5x - 20 &= \\ &\dots \\ &\dots \\ 3. \quad 4x^2 - 8x - \alpha x + 2\alpha &= \\ &\dots \\ &\dots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4. \quad x^3 + x^2 + x + 1 &= \\ &\dots \\ &\dots \\ 5. \quad x^3 - x^2 - x + 1 &= \\ &\dots \\ &\dots \\ 6. \quad 12x^2 - 8xy - 15x + 10y &= \\ &\dots \\ &\dots \end{aligned}$$

▷ *Παράδειγμα παραγοντοποίησης κατά ομάδες:*

$$\begin{aligned} \alpha x + \alpha y + \beta x + \beta y &= \\ \alpha(x+y) + \beta(x+y) &= \\ (x+y)(\alpha+\beta). \end{aligned}$$

Διαφορά τετραγώνων

Να παραγοντοποιήσετε τις παρακάτω παραστάσεις:

▷ *Διαφορά τετραγώνων:*

$$1. \quad x^2 - 9 = \\ &\dots$$

$$2. \quad 25x^2 - 4 = \\ &\dots$$

$$\alpha^2 - \beta^2 = (\alpha - \beta)(\alpha + \beta)$$

3. $\frac{x^2}{9} - \frac{4}{25} =$

.....

5. $(x+6)^2 - 9(x+1)^2 =$

.....

4. $64 - (x+2)^2 =$

.....

6. $x^2 - 5 =$

.....

Ανάπτυγμα τετραγώνου

Να παραγοντοποιήσετε τις παρακάτω παραστάσεις:

▷ Ανάπτυγμα
τετραγώνου:

$$(\alpha+\beta)^2 = \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2$$

$$(\alpha-\beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$$

1. $x^2 - 2x + 1 =$

.....

4. $\frac{1}{4} + x + x^2 =$

.....

2. $x^2 + 20x + 100 =$

.....

5. $4x^2 - 12xy + 9y^2 =$

.....

3. $9 + 6\alpha + \alpha^2 =$

.....

6. $(\alpha + 5)^2 + 2(\alpha + 5) + 1 =$

.....

Παραγοντοποίηση τριωνύμου

Να παραγοντοποιήσετε τα τριώνυμα:

1. $x^2 + 6x + 8 =$

.....

3. $y^2 - y - 12 =$

.....

▷ Χρήση
ταυτότητα:

2. $x^2 - 4x + 3 =$

.....

4. $x^2 - 2x - 3 =$

.....

$x^2 + (\alpha + \beta)x + \alpha\beta =$
 $(x + \alpha)(x + \beta)$

Σύνδετες αλγεβρικές παραστάσεις

Να παραγοντοποιήσετε τις παρακάτω παραστάσεις:

Στην παραγοντοποίηση

Δύο όροι: διαφορά
τετραγώνων

πάντα θα είλεγχουμε

Τρεις όροι: ανάπτυγμα
τετραγώνου ή τριώνυμο

αν οι όροι της

Τέσσερις ή

αλγεβρικής

περισσότεροι όροι:

παράστασης έχουν

χωρίζουμε σε ομάδες

κοινό παράγοντα.

ισάριθμων όρων ή σε

Υστερα, από το

ομάδες (3 όροι: 1 όρος)

πλήθος των όρων

έχουμε τα εξής

συμπεράσματα:

1. $\alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2 - 1 =$

.....

4. $2x^2 - 50 + x^3 - 5x^2 =$

.....

Δύο όροι: διαφορά

2. $x^2 - 4x + 4 - y^2 =$

.....

5. $(x^2 + 25)^2 - 100x^2 =$

.....

τετραγώνων

3. $(x - y)^3 + (y - x) =$

.....

.....

Τέσσερις ή

.....

.....

περισσότεροι όροι:

“Ο Αρχιμήδης θα μυημονεύεται, όταν ο Αισχύλος θα έχει ξεχαστεί, γιατί, ενώ οι γηλώσσες πεδαίνουν, οι μαθηματικές ιδέες είναι διαχρονικές.”

Godfrey Harold Hardy, 1877-1947, Αγγλος μαθηματικός.