

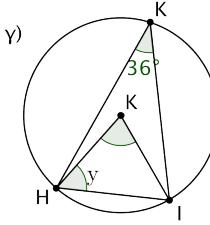
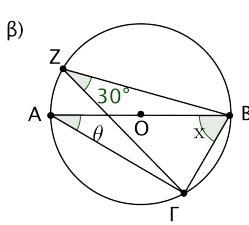
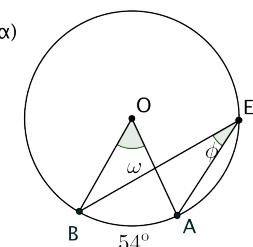
Εγγεγραμμένες γωνίες

Κανονικά πολύγωνα

4ο Φύλλο Εργασίας

Καθηγητής: Νικόλαος Δ. Κατσίπης

1. Να υπολογίσετε τις γωνίες ϕ, ω, x, θ και y που υπάρχουν στα παρακάτω σχήματα:

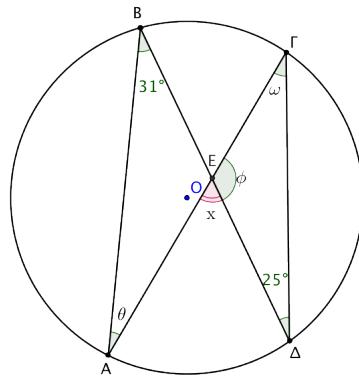


Εγγεγραμμένη
λέγεται η γωνία
της οποίας η
κορυφή είναι
σημείο του
κύκλου και οι
πλευρές της
τέμνουν τον
κύκλο.

Επίκεντρη
λέγεται η γωνία
της οποίας η
κορυφή είναι το
κέντρο Ο ενός
κύκλου και οι
πλευρές της
τέμνουν τον
κύκλο.

Η επίκεντρη
γωνία είναι ίση
με το μέτρο του
τόξου στο οποίο
βαίνει.

2. Να υπολογίσετε τις γωνίες x, θ, ω , και ϕ που υπάρχουν στο διπλανό σχήμα:

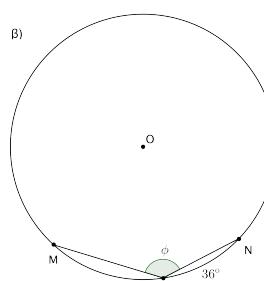
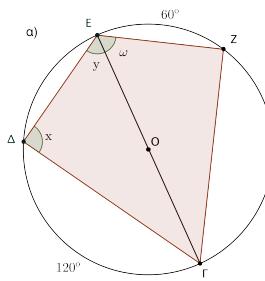


Η εγγεγραμμένη
γωνία είναι ίση
με το μισό του
μέτρου του τόξου
στο οποίο βαίνει.

Κάθε
εγγεγραμμένη
γωνία που βαίνει
σε ημικύκλιο
είναι ορθή.

Κάθε
εγγεγραμμένη
γωνία ισούται με
το μισό της
επίκεντρης
γωνίας που έχει
ίσο αντίστοιχο
τόξο.

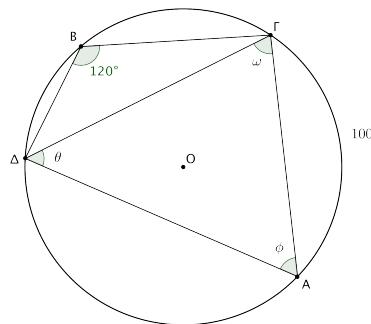
3. Να υπολογίσετε τις γωνίες x, y, ω , και ϕ που υπάρχουν στα παρακάτω σχήματα:



Οι
εγγεγραμμένες
γωνίες που
βαίνουν στο ίδιο
τόξο ή σε ίσα
τόξα είναι μεταξύ
τους ίσες.

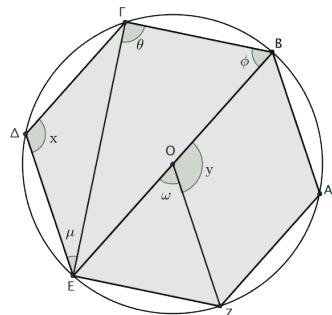
Ένα πολύγωνο λέγεται **κανονικό**, αν όλες οι πλευρές του είναι μεταξύ τους ίσες και όλες οι γωνίες του είναι μεταξύ τους ίσες.

4. Στο διπλανό σχήμα να υπολογίσετε τις γωνίες ϕ , θ και ω .



5. (α') Να βρείτε την κεντρική γωνία ενός κανονικού οκταγώνου.
(β') Να κατασκευάσετε ένα κανονικό οκτάγωνο.

6. Στο διπλανό σχήμα δίνεται ένα κανονικό εξάγωνο $ABΓΔΕΖ$ εγγεγραμμένο σε κύκλο με κέντρο O .
Να υπολογίσετε τις γωνίες ω , y , x , ϕ , θ και μ .



7. Η κεντρική γωνία ενός κανονικού πολυγώνου είναι 24° .
(α') Να βρείτε τη γωνία του πολυγώνου.
(β') Να βρείτε το πλήθος των πλευρών του πολυγώνου.
8. Να εξετάσετε αν υπάρχει κανονικό πολύγωνο με:
(α') κεντρική γωνία $\omega = 50^\circ$,
(β') γωνία $\phi = 140^\circ$.
9. Το άθροισμα των γωνιών ενός κανονικού πολυγώνου είναι 1440° . Να βρείτε το πλήθος των πλευρών του πολυγώνου.

“Ξυνόν γαρ αρχή και πέρας επὶ κύκλου περιφερείας.”

μιθο: σε έναν κύκλο, κάθε σημείο είναι ταυτόχρονα και αρχή και τέλος.

Ηράκλειτος, 544-484 π.Χ., Αρχαίος Έλληνας φιλόσοφος.