

Τετραγωνική ρίζα θετικού αριθμού

5ο Φύλλο Εργασίας

Καθηγητής: Νικόλαος Δ. Κατσίπης

Τετραγωνική ρίζα ενός

θετικού αριθμού α .

Πλέγχεται ο θετικός

αριθμός, ο οποίος,

όταν υψωθεί στο

τετράγωνο, δίνει του

αριθμό α . Η

τετραγωνική ρίζα του

α συμβολίζεται με

$\sqrt{\alpha}$.

$\Delta \nu \sqrt{\alpha} = x$, όπου

$\alpha \geq 0$, τότε:

$x \geq 0$ και

$x^2 = \alpha$.

Αν $\alpha \geq 0$, τότε

$(\sqrt{\alpha})^2 = \alpha$.

1. Να υπολογίσετε τις παρακάτω τετραγωνικές ρίζες:

$$(α) \sqrt{9} = \dots$$

$$(δ) \sqrt{81} = \dots$$

$$(ζ) \sqrt{1} = \dots$$

$$(β) \sqrt{16} = \dots$$

$$(ε) \sqrt{100} = \dots$$

$$(η) \sqrt{0,04} = \dots$$

$$(γ) \sqrt{49} = \dots$$

$$(φ) \sqrt{144} = \dots$$

$$(θ) \sqrt{\frac{16}{25}} = \dots$$

$$\text{Επειδή } 0^2 = 0,$$

$$\text{ορίζουμε } \sqrt{0} = 0.$$

2. Να χαρακτηρίσετε την καθεμία από τις παρακάτω ανισότητες με (Α), αν είναι αληθής ή με (Ψ), αν είναι ψευδής.

$$(α) \sqrt{3} = 9$$

$$(γ) \sqrt{-25} = -5$$

$$(ε) (\sqrt{9})^2 = 9$$

$$(β) \sqrt{4} = -2$$

$$(δ) \sqrt{(-4)^2} = 4$$

$$(η) (\sqrt{-2})^2 = -2$$

3. Να υπολογίσετε τα παρακάτω:

$$(α) \sqrt{8+8} = \dots$$

$$(δ) \sqrt{8^2} = \dots$$

$$(β) \sqrt{8 \cdot 8} = \dots$$

$$(ε) \sqrt{99^2} = \dots$$

$$(γ) (\sqrt{8})^2 = \dots$$

$$(η) \sqrt{(-99)^2} = \dots$$

Δεν ορίζεται ρίζα

αρνητικού αριθμού.

γιατί δεν υπάρχει

αριθμός που το

τετράγωνο του να είναι

αρνητικός. Για

παράδειγμα η $\sqrt{-25}$

δεν έχει νόημα, διότι

κανένας αριθμός, όταν

υψωθεί στο τετράγωνο,

δε δίνει αποτέλεσμα

-25.

4. Να τοποθετήσετε σε κάθε κουτάκι έναν κατάλληλο αριθμό, ώστε να ισχύει η αντίστοιχη ισότητα.

$$(α) \sqrt{\square + 3} = 9$$

$$(γ) (\sqrt{\square})^2 = 4$$

$$(β) \sqrt{\square} + 3 = 9$$

$$(δ) \sqrt{\square} - 5 = 0$$

5. Να υπολογίσετε τα παρακάτω:

$$(α) \sqrt{8 + \sqrt{64}} = \dots$$

$$(γ) \sqrt{6 + \sqrt{6 + \sqrt{9}}} = \dots$$

$$(β) \sqrt{2 + \sqrt{4}} = \dots$$

$$(δ) \sqrt{13 + \sqrt{7 + \sqrt{4}}} = \dots$$

6. Να υπολογίσετε τα παρακάτω:

$$(α) \sqrt{16 \cdot 9} = \dots \quad (β) \sqrt{16} \cdot \sqrt{9} = \dots$$

Τι παρατηρείτε;

.....
.....

7. Να υπολογίσετε τα παρακάτω:

$$(α) \sqrt{\frac{16}{9}} = \dots \quad (β) \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{9}} = \dots$$

Τι παρατηρείτε;

.....
.....

8. Να υπολογίσετε τα παρακάτω:

$$(α) \sqrt{16+9} = \dots \quad (β) \sqrt{16}+\sqrt{9} = \dots$$

Τι παρατηρείτε;

.....
.....

9. Να λύσετε την εξίσωση: $x^2 = 25$.

Αν $\alpha \geq 0$ και

$x^2 = \alpha$, τότε:
 $x = \sqrt{\alpha}$

$x = -\sqrt{\alpha}$.

.....
.....
.....

10. Να λύσετε την εξίσωση: $x^2 = -25$.

.....
.....
.....

“Τα Μαθηματικά γενινήδηκαν, δεν κατασκευάστηκαν.”

Henri Poincare, 1854-1912, Γάλλος μαθηματικός.