

Όριο Συνάρτησης στο $x_0 \in \mathbb{R}$
Ολιγόλεπτη γραπτή δοκιμασία

Καθηγητής: Νικόλαος Δ. Κατσίπης

Ονοματεπώνυμο:

Βαθμός:

ΘΕΜΑ Α

A1. Να διατυπώσετε το κριτήριο παρεμβολής.

.....

Μονάδες 15

A2. Έστω το πολυώνυμο $P(x) = \alpha_\nu x^\nu + \alpha_{\nu-1} x^{\nu-1} + \dots + \alpha_1 x + \alpha_0$ και $x_0 \in \mathbb{R}$.

Να αποδείξετε ότι

$$\lim_{x \rightarrow x_0} P(x) = P(x_0).$$

.....

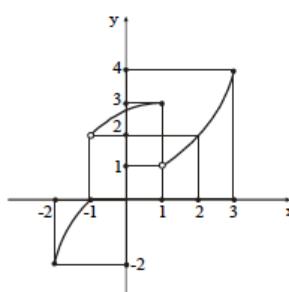
.....

.....

Μονάδες 10

A3. Δίνεται συνάρτηση f με πεδίο ορισμού το $A = [-2, 3]$, της οποίας η γραφική παράσταση φαίνεται στο διπλανό σχήμα.

Από τις παρακάτω προτάσεις να επιλέξετε την σωστή.



- A. $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 3$ B. $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 0$ Γ. $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 4$ Δ. $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = 2$

Μονάδες 15

A4. Να χαρακτηρίσετε καθεμιά από τις παρακάτω προτάσεις ως Σωστή (Σ) ή Λάθος (Λ).

- Ισχύει $|\eta\mu x| < |x|$, για κάθε $x \in \mathbb{R}^*$.
- Αν $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) < 0$, τότε $f(x) < 0$ κοντά στο x_0 .
- Για οποιαδήποτε συνάρτηση $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, με $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) > 0$, ισχύει ότι $f(x) > 0$, για κάθε $x \in \mathbb{R}$.
- Για κάθε ζεύγος συναρτήσεων f, g για τις οποίες υπάρχουν τα όρια $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x)$ και $f(x) < g(x)$ για κάθε x κοντά στο x_0 , ισχύει ότι $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) < \lim_{x \rightarrow x_0} g(x)$.
- Αν $\lim_{x \rightarrow x_0} |f(x)| = 1$, τότε κατ' ανάγκη θα είναι $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = 1$ ή $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = -1$.

Μονάδες 25

ΘΕΜΑ Β

Να υπολογίσετε τα όρια:

B1. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\eta\mu(x-1)}{x^2 - 1}$

.....
.....
.....

Μονάδες 10

B2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sigma\upsilon\nu x - 1}{x^2 - x}$

.....
.....
.....

Μονάδες 10

B3. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{|x-2|-1}{\sqrt{x}-1}$

.....
.....
.....
.....
.....

Μονάδες 15

Σας εύχομαι επιτυχία!

“Αν στις άλλες επιστήμες θέλουμε να καταλήγουμε σε βεβαιότητα χωρίς αμφιβολία, σε αλήθεια χωρίς σφάλμα, πρέπει να θέσουμε τα θεμέλια της γνώσης στα Μαθηματικά.”

Bacon, Roger, 1214-1292, Αγγλος φιλόσοφος.