

Διαγώνισμα Α' Τετραμήνου

Ενότητες 1.3-1.5

Πολλαπλασιασμός Αριθμού με Διάνυσμα

Συντεταγμένες στο Επίπεδο

Εσωτερικό Γινόμενο Διανυσμάτων

Καθηγητής: Νικόλαος Δ. Κατσίπης

Ονοματεπώνυμο:

Βαθμός:

ΘΕΜΑ Α

- A1.** Να χαρακτηρίσετε καθεμιά από τις παρακάτω προτάσεις ως Σωστή (Σ) ή Λάθος (Λ).
- Av $\lambda\vec{\alpha} = \lambda\vec{\beta}$ και $\lambda \neq 0$, τότε $\vec{\alpha} = \vec{\beta}$.
 - Av λ_1 και λ_2 είναι οι συντελεστές διεύθυνσης των κάθετων διανυσμάτων $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$ αντίστοιχα, τότε $\lambda_1 \cdot \lambda_2 = 0$.
 - Av το $ABΓΔ$ είναι τετράγωνο πλευράς 1, τότε $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} = 1$.

Μονάδες 15

- A2.** Δίνονται τα διανύσματα $\vec{\alpha} = (x_1, y_1)$, $\vec{\beta} = (x_2, y_2)$ και $\vec{\gamma} = (x_3, y_3)$.

Να αποδείξετε ότι:

$$\vec{\alpha} \cdot (\vec{\beta} + \vec{\gamma}) = \vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} + \vec{\alpha} \cdot \vec{\gamma}.$$

Μονάδες 10

ΘΕΜΑ Β

Να συμπληρώσετε τα παρακάτω κενά ώστε να προκύψουν αληθείς προτάσεις.

- B1.** Αν τα διανύσματα $\vec{\alpha} = (x, 1)$ και $\vec{\beta} = (1, 3)$ είναι κάθετα, τότε ο πραγματικός αριθμός x είναι ίσος με

Μονάδες 7

- B2.** Δίνονται τα σημεία $A(-1, 5)$ και $B(-3, 1)$. Αν το σημείο $M(x, y)$ είναι το μέσο του ευθύγραμμου τμήματος AB , τότε $x = \dots$ και $y = \dots$

Μονάδες 6

- B3.** Αν τα διανύσματα $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$ είναι αντίθετα και ο συντελεστής διεύθυνσης του διανύσματος $\vec{\alpha}$ είναι ίσος με 4, τότε ο συντελεστής διεύθυνσης του διανύσματος $\vec{\beta}$ ισούται με

Μονάδες 6

B4. Αν για τα μη μηδενικά διανύσματα $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$ ισχύει ότι $\vec{\alpha} + 2\vec{\beta} = \vec{0}$, τότε η γωνία των $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$ είναι

Μονάδες 6

ΘΕΜΑ Γ

Δίνονται τα σημεία $A(1, 2)$, $B(6, -3)$ και $\Gamma(-3, 5)$.

Γ1. Να βρείτε τις συντεταγμένες των διανυσμάτων \overrightarrow{AB} και $\overrightarrow{A\Gamma}$.

Μονάδες 5

Γ2. Να αποδείξετε ότι τα διανύσματα \overrightarrow{AB} και $\overrightarrow{A\Gamma}$ δεν είναι συγγραμμικά.

Μονάδες 10

Γ3. Να γράψετε το διάνυσμα $\vec{v} = (22, -19)$ ως γραμμικό συνδυασμό των διανυσμάτων \overrightarrow{AB} και $\overrightarrow{A\Gamma}$.

Μονάδες 10

ΘΕΜΑ Δ

Δίνονται τα μοναδιαία διανύσματα $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$ με $\widehat{(\vec{\alpha}, \vec{\beta})} = 120^\circ$.

Δ1. Να βρείτε το εσωτερικό γινόμενο των $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$.

Μονάδες 5

Δ2. Αν $\vec{v} = \vec{\alpha} + \vec{\beta}$, να βρείτε:

α) το μέτρο του διανύσματος \vec{v} ,

Μονάδες 7

β) τη γωνία των διανυσμάτων $\vec{\alpha}$ και \vec{v} .

Μονάδες 8

Δ3. Αν για το διάνυσμα \vec{u} ισχύει ότι:

$$\vec{u} \parallel \vec{\beta} \text{ και } (\vec{u} + \vec{\alpha}) \perp \vec{\beta},$$

να βρείτε το μέτρο του διανύσματος \vec{u} .

Μονάδες 5

Σας εύχομαι επιτυχία!

“Ν’ αγαπάς την ευθύνη. Να λες εγώ, εγώ μονάχος μου θα σώσω τον κόσμο. Αν χαθεί, εγώ θα φταιώ”

Νίκος Καζαντζάκης, 1883 – 1957, Έλληνας συγγραφέας.