

Εξίσωση Ευθείας

6ο Φύλλο Εργασίας

Καθηγητής: Νικόλαος Δ. Κατσίπης

1. Να βρείτε τον συντελεστή διεύθυνσης:

- (α') της ευθείας που διέρχεται από το σημείο $O(0, 0)$ και σχηματίζει με τον
άξονα x' γωνία $\omega = \frac{3\pi}{4}$,
- (β') της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία $A(0, -2)$ και $B(-4, 0)$,
- (γ') της ευθείας (ϵ) που διέρχεται από το σημείο $O(0, 0)$ και είναι παράλληλη
προς την ευθεία AB ,
- (δ') της ευθείας (η) που διέρχεται από το σημείο $O(0, 0)$ και είναι κάθετη
προς την ευθεία AB ,

Αν η ευθεία ϵ
διέρχεται από τα
σημεία $A(x_1, y_1)$
και $B(x_2, y_2)$, με
 $x_1 \neq x_2$. τότε:
 $\lambda_\epsilon = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$
 $\lambda_\epsilon \cdot \lambda_\eta = -1$.

2. Δίνονται τα σημεία $A(0, 2)$ και $B(4, 0)$. Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας, η
οποία :

- (α') διέρχεται από το B και σχηματίζει γωνία 135° με τον άξονα x' ,
- (β') διέρχεται από το A και είναι παράλληλη προς το διάνυσμα $\vec{\delta}_1 = (-1, 2)$,
- (γ') διέρχεται από το σημείο A και είναι παράλληλη προς το διάνυσμα
 $\vec{\delta}_2 = (3, 0)$,
- (δ') διέρχεται από το σημείο B και είναι κάθετη προς το διάνυσμα $\vec{\delta}_2 = (3, 0)$,
- (ε') η οποία διέρχεται από τα σημεία A και B .

Αν η ευθεία ϵ
διέρχεται από το
σημείο $A(x_0, y_0)$ και
 $\epsilon \parallel y' y$, τότε:
 $\epsilon : x = x_0$.

Αν η ευθεία ϵ
διέρχεται από το
σημείο $A(x_0, y_0)$ και
 $\epsilon \parallel x' x$, τότε:
 $\epsilon : y = y_0$.

3. Δίνεται η ευθεία $\epsilon : y = x - 3$.

- (α') Να εξετάσετε αν η ευθεία ϵ διέρχεται από το σημείο $A(1, -2)$.
- (β') Να βρείτε την τιμή του πραγματικού αριθμού λ ώστε το σημείο
 $B(2\lambda - 1, \lambda + 1)$ να ανήκει στην ευθεία ϵ .
- (γ') Να βρείτε σημείο της ευθείας ϵ το οποίο έχει τεταγμένη ίση με 2.
- (δ') Να βρείτε σημείο της ευθείας ϵ του οποίου η τεταγμένη είναι διπλάσια
της τετμημένης.

Αν η ευθεία ϵ
διέρχεται από το
σημείο $A(x_0, y_0)$ και
 $\epsilon : y = y_0$.

4. Δίνονται τα σημεία $A(1, 1)$ και $B(-3, 5)$.

- (α') Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία A και
 B .

(β') Να βρείτε τα σημεία στα οποία η παραπάνω ευθεία τέμνει τους άξονες x' x και y' y .

(γ') Να βρείτε το εμβαδόν του τριγώνου που σχηματίζει η παραπάνω ευθεία με τους άξονες.

5. Δίνονται οι ευθείες:

$$\varepsilon_1 : y = 3x - 1 \text{ και } \varepsilon_2 : y = -x + 3.$$

(α') Να βρείτε το κοινό σημείο των $\varepsilon_1, \varepsilon_2$.

(β') Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας η οποία διέρχεται από το κοινό σημείο των $\varepsilon_1, \varepsilon_2$ και είναι κάθετη στην ε_2 .

6. Δίνεται το παραλληλόγραμμο $ABΓΔ$ με κέντρο το σημείο $K\left(\frac{13}{2}, -5\right)$ και εξισώσεις των ευθειών στις οποίες βρίσκονται οι πλευρές AB και $AΔ$ της

$$y = 3x - 22 \text{ και } y = \frac{1}{2}x - \frac{19}{2},$$

αντίστοιχα. Να βρείτε:

(α') τις συντεταγμένες του σημείου A ,

(β') τις συντεταγμένες του σημείου $Γ$,

(γ') την εξίσωση της ευθείας $BΓ$.

7. Δίνεται η ευθεία $\varepsilon : y = x + 2$ και το σημείο $A(2, 3)$. Να βρείτε:

(α') την εξίσωση της ευθείας η οποία διέρχεται από το σημείο A και είναι κάθετη στην ε ,

(β') τις συντεταγμένες της προθολής B του σημείου A στην ε ,

(γ') τις συντεταγμένες του συμμετρικού σημείου A' του A ως προς την ε .

8. Δίνονται τα σημεία $A(2, 4)$, $B(0, -3)$ και $Γ(8, 1)$.

(α') Να αποδείξετε ότι τα σημεία A , B και $Γ$ αποτελούν κορυφές τριγώνου.

(β') Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας του ύψους $AΔ$.

(γ') Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας της διαμέσου AM .

(δ') Να βρείτε την εξίσωση της μεσοκαθέτου της πλευράς $BΓ$.

9. Δίνεται τρίγωνο $ABΓ$ με $A(2, 1)$. Οι ευθείες στις οποίες βρίσκονται το ύψος $BΔ$ και η διάμεσος $ΓM$ έχουν εξισώσεις $y = \frac{1}{2}x + 1$ και $y = 2x$, αντίστοιχα. Να βρείτε τις συντεταγμένες των κορυφών B και $Γ$.

10. Δίνεται τρίγωνο $ABΓ$ με $A(1, 2)$. Οι ευθείες στις οποίες βρίσκονται δύο διάμεσοι του έχουν εξισώσεις $y = 1$ και $y = \frac{1}{3}x + \frac{1}{3}$. Να βρείτε τις εξισώσεις των ευθειών στις οποίες βρίσκονται οι πλευρές του τριγώνου.

“Τα Μαθηματικά, περισσότερο από οποιαδήποτε άλλη τέχνη ή επιστήμη, είναι ένα παιχνίδι για νεαρή ηλικία”

Hardy, Godfrey Harold , 1877 – 1947, Αγγλος μαθηματικός.